



Course Title: Statistics and Quality Control

Date: June 2023

Final term exam

Course Code: MPD 4234

Allowed time: 3 hr.

No. of Pages: 1

Answer all questions. Tables of Normal and Poisson Distributions are allowed.

1- The number of patients admitted to a city hospital over 40 random days are as follows:

22	15	36	33	32	19	28	31	33	20	30	30	35	29	39	22	20	38	17	27
31	21	23	39	38	20	36	17	31	23	17	31	16	31	16	21	18	31	30	27

- (a) Construct a frequency distribution of these numbers.
- (b) Construct a histogram, frequency polygon for the data.
- (c) Construct a box plot of the data.
- (d) Does the data set contain any outliers?

2- The diameter of a metal shaft used in a disk-drive unit is normally distributed with mean 0.2508 meters. and standard deviation 0.0005 meters. If the specifications on the shaft have been established as 0.2500 ± 0.0015 meters.

- (a) What fraction of the shafts produced conform to this specification?
- (b) What should the specification limits be so that the fraction of nonconforming bolts is no more than 5%?

3- The following data are sample means and sample ranges of 25 samples of size 5 taken from a production process for bolts. The bolts are used to mount wheels on a car, and the measurements are the lengths of the bolts in cm.

Sample No.	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
\bar{X}	10.37	9.71	9.58	9.71	10.41	9.88	10.52	9.55	9.39	10.68	10.09	9.82	9.9
R	1.48	1.51	1.35	1.46	1.27	1.57	1.38	1.26	1.05	1.48	1.34	1.39	1.41
Sample No.	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	
\bar{X}	10.24	9.42	9.26	10.1	9.45	10.1	10.48	10.53	10.65	10.26	9.9	10.47	
R	1.43	1.41	1.48	1.33	1.04	1.34	1.29	1.35	1.05	1.45	1.23	1.47	

- (a) Setup \bar{X} and R control charts for this process. Is this process in statistical control?
- (b) Estimate the process mean, μ , and standard deviation, σ .

4- A team of engineers is assigned to reduce the fraction of nonconforming units of an accelerating pump lever (APL) shipped to them from another factory. The following table gives the number of nonconforming APLs out of 400 inspected units each day during the study period.

Day	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
np	9	8	6	10	12	9	8	8	7	5	8	8	7	5	6
Day	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
np	11	9	8	13	11	8	7	10	12	7	14	11	9	12	8

- (a) Setup p control chart.
- (b) Consider a single sampling plan of $N = 3000$, $n = 89$, $c = 2$. Draw the OC curve for this sampling plan and find the acceptance probability of a lot containing those APLs.



Course Title: Operations Research

Course Code : MPD 4231

Year : 4th Prod.

Date : Jun 2023 (second term)

Allowed time : 3 hrs.

No. of Pages: (2)

Remarks : answer the following questions ... assume any missing data ... answers should be supported with sketches... etc)

Question One

A company manufactures two products, X and Y by using three machines A, B, and C. Machine A has 4 hours of capacity available during the coming week. Similarly, the available capacity of machines B and C during the coming week is 24 hours and 35 hours respectively. One unit of product X requires one hour of Machine A, 3 hours of machine B and 10 hours of machine C. Similarly, one unit of product Y requires 1 hour, 8 hour and 7 hours of machine A, B and C respectively. When one unit of X is sold in the market, it yields a profit of 5\$ per product and that of Y is 7\$ per unit. Solve the problem by using graphical method to find the optimal product mix.

Model this problem as a linear programming to maximize the profit then solve it graphically and algebraic by simplex method

Question Two

Determine the feasible solution of variables with using M technique:

$$\text{Minimize } Z = 4x_1 + x_2$$

$$\text{Subject to } 3x_1 + x_2 \geq 3$$

$$4x_1 + 3x_2 \geq 6$$

$$x_1 + 2x_2 \leq 4$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

Question Three

Distinguish and discuss these cases graphically and mathematically.

Maximize $Z = 3X_1 + 9X_2$	Maximize $Z = 3X_1 + 2X_2$	Maximize $Z = 2X_1 + 4X_2$	Maximize $Z = 2X_1 + X_2$	Maximize $Z = 3X_1 + 2X_2$
$X_1 + 4X_2 \leq 8$	$4X_1 + 3X_2 \leq 12$	$X_1 + 2X_2 \leq 5$	$X_1 - X_2 \leq 10$	$2X_1 + X_2 \leq 2$
$X_1 + 2X_2 \leq 4$	$4X_1 + X_2 \leq 8$	$X_1 + X_2 \leq 4$	$2X_1 \leq 40$	$3X_1 + 4X_2 \geq 12$
$X_1, X_2 \geq 0$	$4X_1 - X_2 \leq 8$ $X_1, X_2 \geq 0$	$X_1, X_2 \geq 0$	$X_1, X_2 \geq 0$	$X_1, X_2 \geq 0$



Course Title: Operations Research

Course Code : MPD 4231

Year : 4th Prod.

Date : Jun 2023 (second term)

Allowed time : 3 hrs.

No. of Pages: (2)

Remarks : answer the following questions ... assume any missing data ... answers should be supported with sketches... etc)

Question Four

A company has factories at four different places, which supply warehouses A, B, C, D and E. Monthly factory capacities are 220, 180, 150 and 280 units respectively. Monthly warehouse requirements are 110, 190, 120, 230 and 160 units respectively. Unit's profits are given in L.E. Determine the optimum transportation to maximize profits.

To From \	A	B	C	D	E
1	13	14	11	8	12
2	14	9	17	6	10
3	13	11	12	17	15
4	10	10	13	18	11

Question Five

Five wagons are available at stations 1,2,3,4 and 5. These are required at five stations I, II, III, IV and V. the mileages between various stations are given by the table indicated. How should the wagons be transported (assign) so as to minimize the total mileage covered?

	I	II	III	IV	V
1	10	5	9	18	11
2	3	9	6	12	4
3	3	2	4	4	5
4	1	9	12	17	5
5	11	6	14	19	10

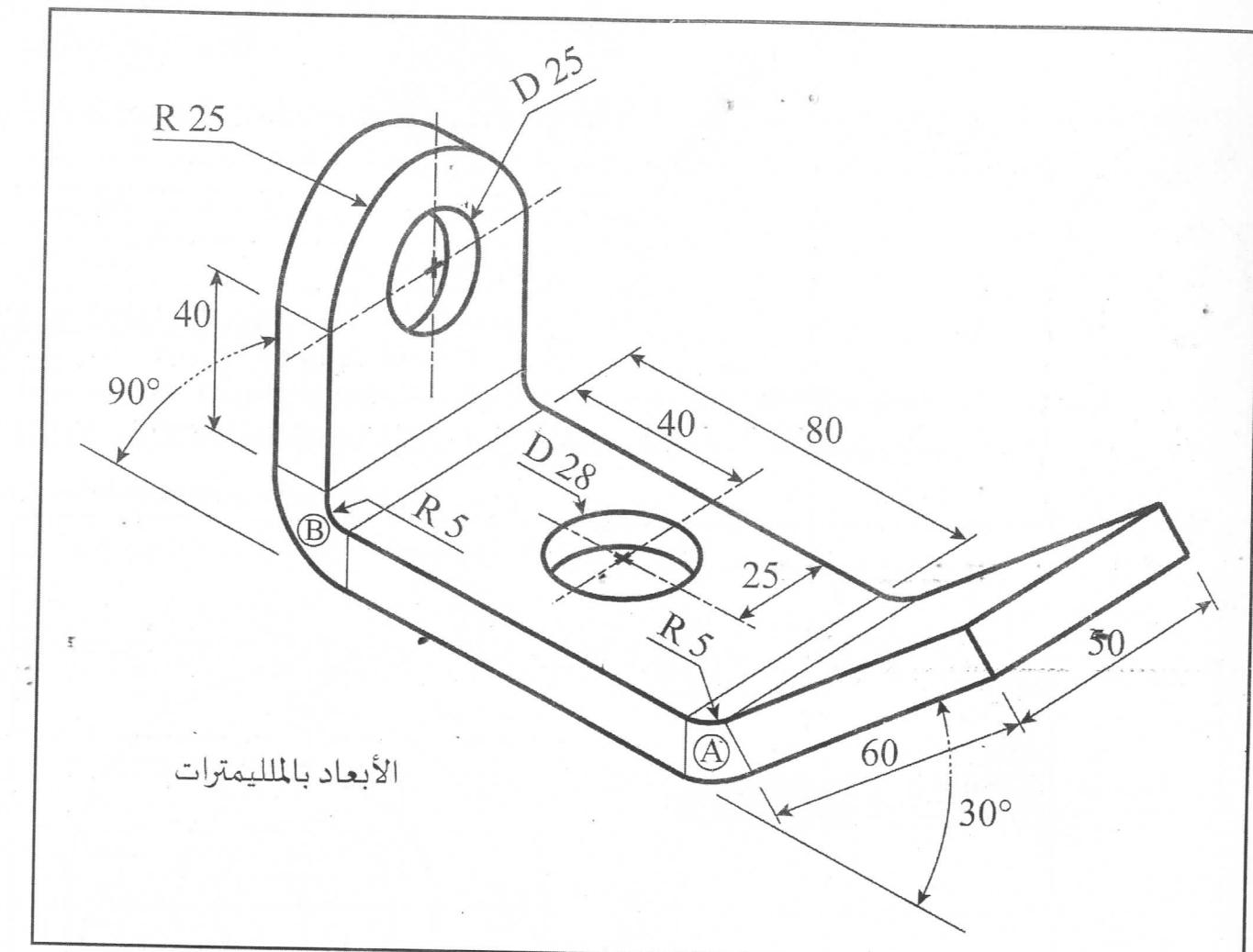


جامعة طنطا	اسم المقرر: تصميم عدد ومستلزمات إنتاج	MPD 4233 كود المقرر:	الفرقة: الرابعة إنتاج
الدرجة الكلية: ١٠٠ درجة	الزمن: ٣ ساعات	٢٠٢٣/٦/١٥ التاريخ:	
<u>تعليمات:</u> (١) الامتحان مكون من ثلاثة أسئلة في ثلاثة صفحات - (٢) أجب عن جميع الأسئلة مع افتراض أي بيانات ناقصة - (٣) دعم إجابتك بالرسم كلما أمكن ذلك. - (٤) يجب الاهتمام بكافة تفاصيل الرسومات المطلوبة والحرص على جودة الرسم واستخدام الأدوات فيه.			

السؤال الأول: (٢٠ درجة)
نعاقد أحد المصانع المتخصصة في أعمال الصاج مع أحد الزبائن على تصنيع عدد ١٠,٠٠٠ قطعة من المنتج الموضح بالشكل رقم ١ وذلك من لوح الألومينيوم بسمك ٣ مم. بصفتك مهندس المكتب الفني في المصنع والمسؤول عن إجراء الحسابات الفنية الخاصة بعمليات القص والثني الازمة لهذا المنتج، فالمطلوب الآتي:

رقم الطلب	المطلوب	الدرجة
١	تحديد قيمة سماح الثنائي لكل جزء من الأجزاء المنحنية في الشغالة (أي الجزء A والجزء B كما هو موضع على الرسم).	٤
٢	تحديد قيمة الطول المفروض للشغالة مُقريًا الناتج لأقرب ٠٠٠٠ مم.	٤
٣	تخطيط شريط الصاج الذي سيتم قص القطع منه.	٤
٤	تقدير عدد الألواح اللازمة للطلبية، إذا علمت أن الأبعاد القياسية للوح الألミニوم المتاح في السوق هو $1200 \text{ مم} \times 2400 \text{ مم}$.	٤
٥	تخطيط مراحل قص المنتج، آخذًا في الاعتبار استخدام نموذج الاسطمبات التقدمية في الإنتاج.	٤
٦	تحديد قيم الشطاف (سواء في الاسطمبة أو السنبيك) لكل مرحلة من مراحل القص.	٤
٧	حساب قيمة القوة اللازمة لكل مرحلة من مراحل القص، كذلك القيمة الكلية المطلوبة للمكبس.	٤
٨	تحديد شكل وأبعاد فتحة الاسطمبة وقطع السنبيك لكل مرحلة من مراحل القص.	٤
٩	تحديد القيم اللازمة لتفاصيل اسطمبة القص والمتمثلة في الآتي: (أ) الجزء المستقيم، (ب) الخلوص الزاوي، (ج) سمك كتلة الاسطمبة، (د) عدد أقسام كتلة الاسطمبة، (ه) المسافة بين حرف كتلة الاسطمبة وفتحتها. (ملحوظة: هذه القيم يجب عليك تقاديرها من وجهة نظرك وخبرتك السابقة في حل التمارين وليس شرطاً أن تكون متساوية تماماً لما هو منصوص عليه في جداول التصميم التي استعنت بها طوال فترة الدراسة).	٤
١٠	تحديد سمك مخلص اللوح لاسطمبة القص.	٤
١١	تحديد عدد المسامير المناسب لربط كتلة اسطمبة القص، كذلك قطر المسamar.	٤
١٢	تحديد الطول المناسب للسنبيك الخاص بعمليات القص.	٤
١٣	رسم تجميعي كامل يوضح تفاصيل اسطمبة والسنبيك لمراحل القص المختلفة.	١٠
١٤	تحديد قيمة زاوية السنبيك في كل عملية من عمليتي الثنائي - أي للجزئين A و B - بافتراض استخدام اسطمبة ثني على شكل حرف U وإذا علمت أن زاوية الإرتداد الخلفي في حدود $1,5^\circ$.	٤
١٥	تحديد نصف قطر مقدمة (أنف) السنبيك في كل عملية من عمليتي الثنائي.	٤
١٦	حساب قيمة القوة اللازمة لكل عملية من عمليتي الثنائي.	٤

الأبعاد بالملليمترات



شكل رقم ١

قوانين مهمة لتصميم اسطمبة القص

$$B = 1.25 \cdot t$$

$$F_{max} = Ltf_s$$

$$c = 10\% t$$

$$t_s = \frac{1}{8} \left(\frac{W}{3} + 16t \right)$$

$$d_c = \sqrt{\frac{0.1 F_{max}}{\left(\frac{\pi}{4}\right) n f_t}}$$

$$L_p = \frac{\pi d}{8} \left(\frac{E}{f_s} \frac{d}{t} \right)^{\frac{1}{2}}$$

بيانات مسمة لتصميم اسطمية القص

نسبة الارتفاع = ٦٢٪ من سُمك اللوح

النسبة المئوية = كجم/سم²

إيجاد المقص دروس يوم - ٢٠٠٣ - بـ ٢٩٥٢٦٤١٧٨١

إِجْهَادُ السَّدِّ الْفَصِّي لِلرَّوْمَيْمُومَ - ١٠٠٠

احياد القصر، مادة السنبلة = ٣٠٠ كجم/سم٢

قوانين مهمة لتصميم عمليات الثنائي

$$BA = 2\pi \frac{A}{360} (R_i + k_{ba} \cdot t)$$

380

$$k_{ba} = 0.33$$

$$F = \frac{k \cdot L \cdot \sigma_u \cdot t^2}{W}$$

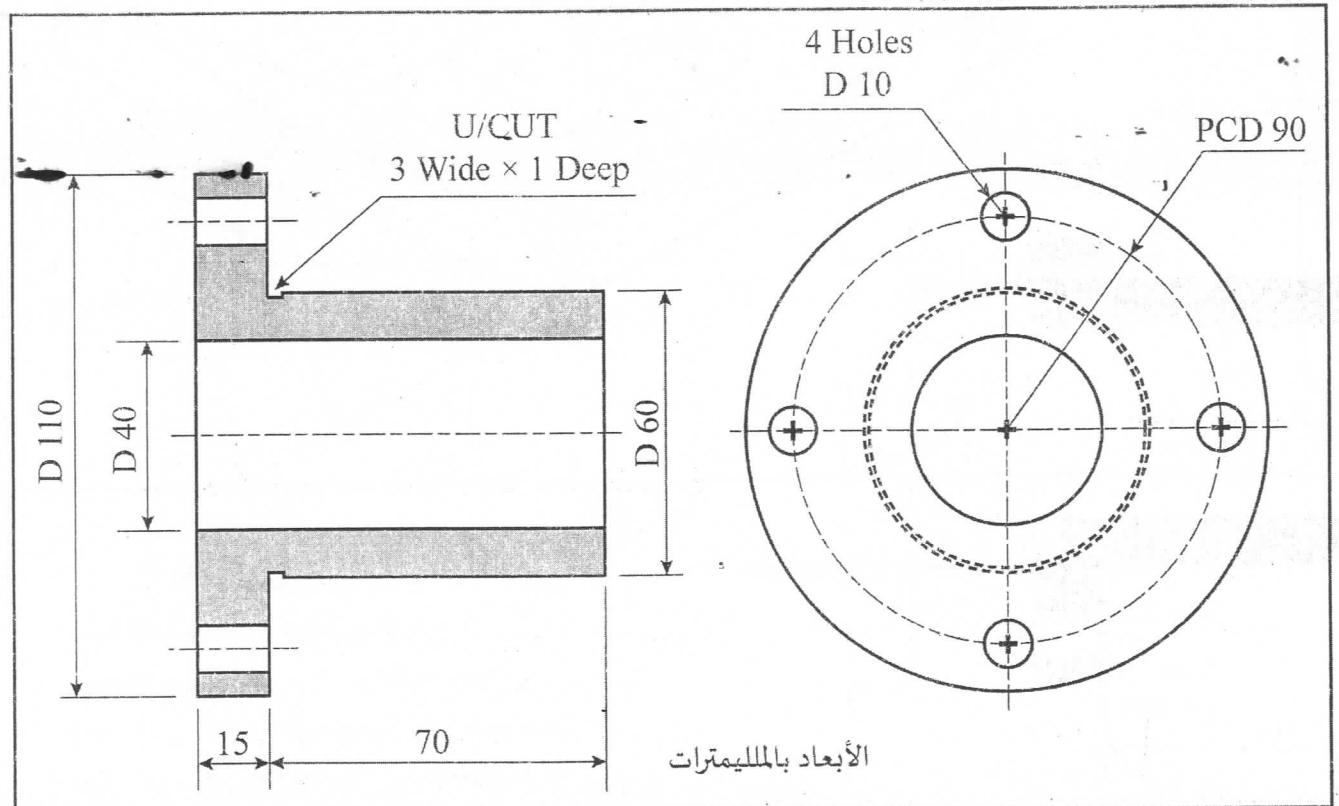
$$k = 1.3; W = 8 \text{ } t : 16 \text{ } t$$

السؤال الثاني: (١٥ درجة)

كأس بدون شفة ارتفاعه ١٠ سم وقطره ٥ سم يتم إنتاجه عن طريق السحب من صاج سماكة ٢,٥ مم فإذا علمت أن القرص الداخل لعملية السحب قطره ١٥ سم وأن عملية السحب تتم على ثلاث مراحل بنسب تخفيض ٤٥٪ و ٢٥٪ و س٪ على الترتيب، أوجد القطر بعد كل مرحلة تخفيض كذلك أوجد قيمة س.

السؤال الثالث: (١٥ درجة)

اقترن تصميمًا لمُرشد ثقب يمكن استخدامه لثقب الأربعة ثقوب ذوي القطر ١٠ مم في الشغالة الموضحة في الشكل رقم ٢، علماً بأن الشغالة تصل إليك في مرحلة الثقب مُكتملة تماماً إلا من تلك الثقوب. وضع تصميمك بالرسم فقط دون إجراء أي حسابات وبالعدد الذي تراه مناسباً من المساقط لبيان تفاصيل تصميمك المقترن.



شكل رقم ٢

انتهت الأسئلة

مع أطيب التمنيات بالتوفيق والنجاح

د/أحمد حوام ،،، واللجنة



FINAL TERM EXAM

Question 1 (15 Marks)

The 6-DOF Stanford manipulator is composed of a spherical arm and a spherical wrist as shown in Fig. 1. Tabulate the D-H parameters of this manipulator and then solve the direct kinematics of its 3-DOF spherical arm only at the arm state $q = [\frac{\pi}{2} \quad \frac{\pi}{2} \quad 500]^T$, given that $d_1 = d_4 = 0$ and $d_2 = 300\text{mm}$.

Question 2 (15 Marks)

- a- For the 3-DOF spherical arm of the Stanford manipulator shown in Fig. 1, derive the 6×3 - Jacobian matrix and then evaluate it at the above arm state.
- b- Evaluate the differential change, $d^0 T_3$, for the differential change in the joint coordinates $dq = [0.1 \quad 0.1 \quad 1]^T$ at the above arm state.
- c- Find the new location of the end of the arm after the above differential motion.

Question 3 (15 Marks)

For the three-axis SCARA robot shown in Fig. 2, the first two joint angles are revolute while the third joint variable is prismatic. Solve the inverse kinematics problem.

Question 4 (15 Marks)

The end-effector of the SCARA robot, shown in Fig. 2, is required to track a trajectory in the X-Y plane $z=300\text{ mm}$ given by $y = 600 - 160(x/200)^2$ mm. Using the time parametric transformation $t = x/200$, find the desired joint space trajectory $\theta_2(t)$ only to satisfy the above task space trajectory using three via points $t=0, 0.25, 0.5$ sec. Take $d_1 = 700\text{ mm}$, $a_1 = 400\text{ mm}$ and $a_2 = 300\text{ mm}$.

Question 5 (15 Marks)

Derive the dynamic equations of the two-link planar manipulator (PP) with mass m_1 and m_2 respectively as shown in Fig. 3 using Lagrange's method. Formulate it in the general matrix form using the generalized coordinates $q = [q_1 \quad q_2]^T$.

*Best Wishes
Prof. Samy Assal*

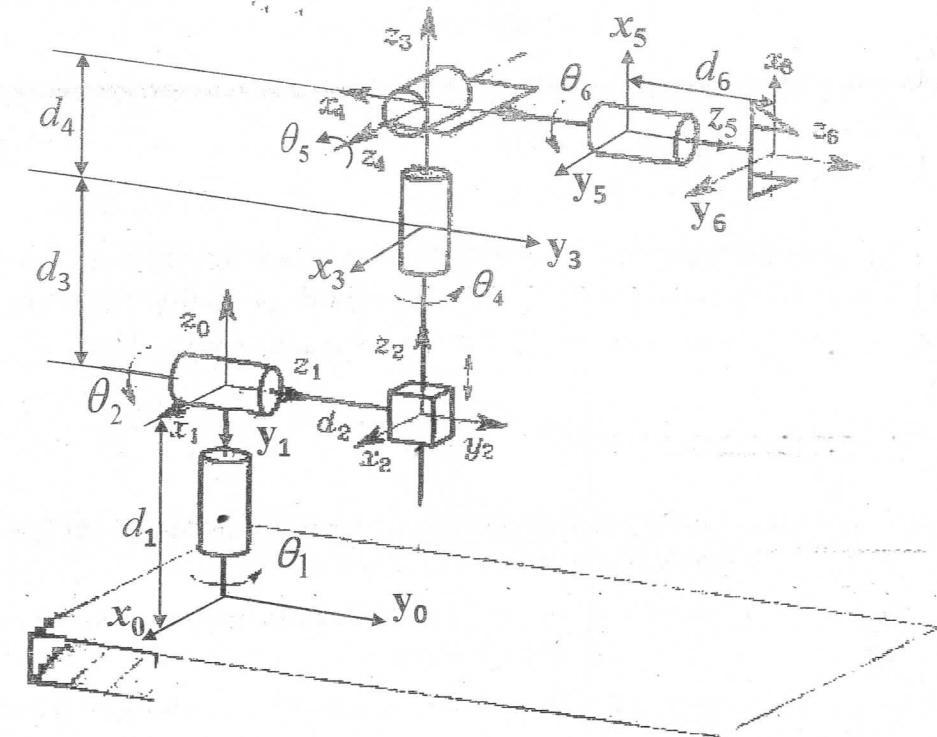


Fig. 1

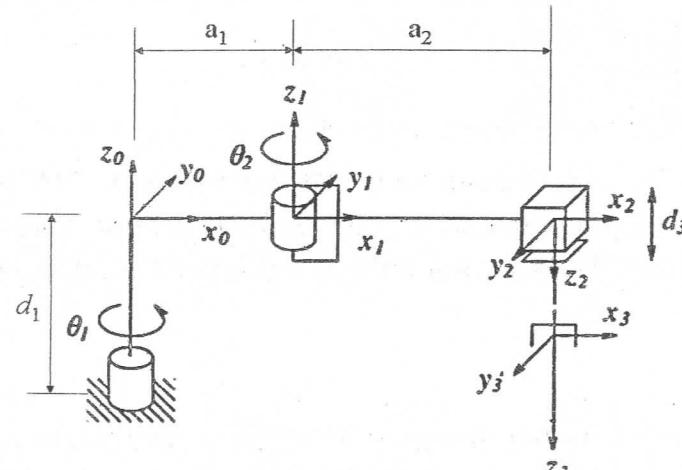


Fig. 2

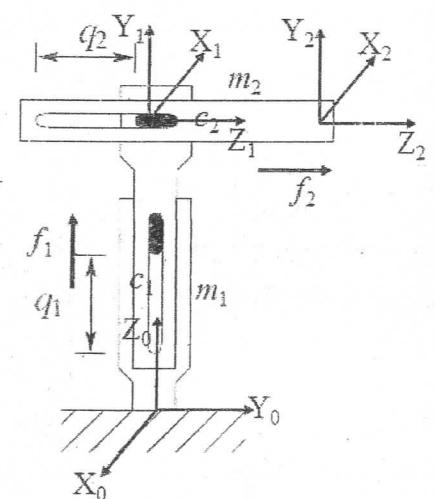


Fig. 3

$$\Lambda_n = \begin{bmatrix} \cos \theta & -\sin \theta \cos \alpha & \sin \theta \sin \alpha & a \cos \theta \\ \sin \theta & \cos \theta \cos \alpha & -\cos \theta \sin \alpha & a \sin \theta \\ 0 & \sin \alpha & \cos \alpha & d \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$RPY(\phi, \theta, \psi) = \begin{bmatrix} c\theta c\phi & s\theta c\phi s\psi - s\phi c\psi & s\theta c\phi c\psi + s\phi s\psi \\ c\theta s\phi & s\theta s\phi s\psi + c\phi c\psi & s\theta s\phi c\psi - c\phi s\psi \\ -s\theta & c\theta s\psi & c\theta c\psi \end{bmatrix}$$

$$q(t) = \begin{cases} q_0 + \frac{a}{2}t^2 & 0 \leq t \leq t_b \\ \frac{q_f - q_0 - Vt_f}{2} + Vt & t_b < t \leq t_f - t_b \\ q_f - \frac{at_f^2}{2} + at_f t - \frac{a}{2}t^2 & t_f - t_b < t \leq t_f \end{cases}$$

$$D(q) = \left[\sum_{i=1}^n \{m_i J_{v_i}(q)^T J_{v_i}(q) + J_{\omega_i}(q)^T R_i(q) I_i R_i(q)^T J_{\omega_i}(q)\} \right]$$

$$c_{ijk} := \frac{1}{2} \left\{ \frac{\partial d_{kj}}{\partial q_i} + \frac{\partial d_{ki}}{\partial q_j} - \frac{\partial d_{ij}}{\partial q_k} \right\}$$

$$g_k = \frac{\partial P}{\partial q_k}$$

$$c_{kj} = \sum_{i=1}^n c_{ijk}(q) \dot{q}_i = \sum_{i=1}^n \frac{1}{2} \left\{ \frac{\partial d_{kj}}{\partial q_i} + \frac{\partial d_{ki}}{\partial q_j} - \frac{\partial d_{ij}}{\partial q_k} \right\} \dot{q}_i$$

$$\sum_{j=1}^n d_{kj}(q) \ddot{q}_j + \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n c_{ijk}(q) \dot{q}_i \dot{q}_j + g_k(q) = \tau_k, \quad k = 1, \dots, n$$